



LFA - Aula 01

Apresentação

Horário de aula

- segunda-feira: 14h00-15h40
- terça-feira: 16h00-17h40
- local: Lab. 5b Central

Celso Olivete Júnior

olivete@fct.unesp.br



Professor Celso Olivete Júnior

- Bacharelado em Ciência da Computação (Unoeste-2002)
- Mestrado e Doutorado em Engenharia Elétrica - Área: Visão Computacional (USP-SC-2005/2009)

- Áreas de interesse e atuação:

Visão Computacional

Processamento de Imagens Médicas

Desenvolvimento para Web e Dispositivos Móveis

Compiladores



Site do Curso

www.fct.unesp.br/docentes/dmec/olivete/lfa

- slides, exercícios, notas e demais materiais estarão disponíveis no site

- Envio de trabalhos e dúvidas através do email

olivete@fct.unesp.br



A disciplina LFA

- Linguagens formais e autômatos é uma disciplina fundamental dos cursos superiores da área de computação, especialmente daqueles que apresentam ênfase na formação científica do aluno, como é o caso dos cursos de **bacharelado em Ciência da Computação** e de vários cursos de Engenharia de Computação. Ela faz parte do núcleo denominado "Fundamentos da Computação" (conforme o currículo de referência da Sociedade Brasileira de Computação - www.sbc.org.br);



A disciplina LFA

- Áreas de Aplicação relacionadas com o aprendizado adquirido nesta disciplina:

- **Inteligência Artificial**

- Gramáticas
- Autômatos Finitos (Linguagens Regulares)

- **Compiladores e Interpretadores**

- Linguagens Livres de Contexto
- Linguagens Sensíveis ao Contexto...



A disciplina LFA

- utilização na disciplina de Compiladores

```
public class LFA {  
    public static void main(String[] args) {  
        int variavel = 20;  
        for (int i = 0; i < 10; i++) {  
            System.out.println("Alo mundo 10 vezes!!!");  
        }  
        System.out.println( variavel );  
        System.out.println( variavel2 );  
        System.out.println( "Fim do alo mundo!!!");  
    }  
}
```



Programa

1. **Introdução e fundamentos matemáticos (conjuntos, funções e relações, cadeias e linguagens)**
2. **Linguagens regulares: expressões regulares, autômatos finitos, gramáticas regulares,**
3. **Propriedades das linguagens regulares**
4. **Autômato finito com saída: Máquinas de Moore e Mealy**
5. **Linguagens livre de contexto: BNF e EBNF e autômato com pilha**
6. **Propriedades das linguagens livre de contexto**



Objetivo da disciplina LFA

- Fornecer meios para um correto entendimento e aplicação dos conceitos de procedimento efetivo, computabilidade e solucionabilidade de problemas.



Avaliação

- Avaliação 1: 27-28/04 Avaliação 2: 22-23/06 Exame: 06-07/07
- A cada bimestre
 - Uma prova: NP
 - Trabalhos e projetos: MT
 - $MB = (7*NP + 3*MT)/10$ SE E SOMENTE SE ($NP \geq 5$ E $MT \geq 5$)
 - Caso contrário ($MT < 5$ OU $NP < 5$)
 - $MB =$ Menor Nota (NP ou MT)
 - Onde:
 - NP = Nota da prova
 - MT = Média dos trabalhos
 - MB = Média do Bimestre
- A nota final (NF) do aluno no curso será a média das notas obtidas nos 2 bimestres
- Caso o aluno não obtenha a nota mínima para aprovação, será oferecida uma terceira avaliação (exame)



Avaliação

- A “cola” ou plágio em provas, exercícios ou atividades práticas implicará na atribuição de nota zero para todos os envolvidos. Dependendo da gravidade do incidente, o caso será levado ao conhecimento da Coordenação e do Conselho do Departamento, para as providências cabíveis. Na dúvida do que é considerado cópia ou plágio, o aluno deve consultar o professor antes de entregar um trabalho.



Projeto (em duplas)

- ❖ **Parte 1:** especificar e simular **autômatos finitos** através de diagramas de transições; especificar e simular **expressões regulares** e especificar e simular **gramáticas regulares**
- ❖ Maior detalhamento no site da disciplina.



Projeto (em duplas)

❖ Parte 2:

❖ Permitir a conversão entre os modelos:

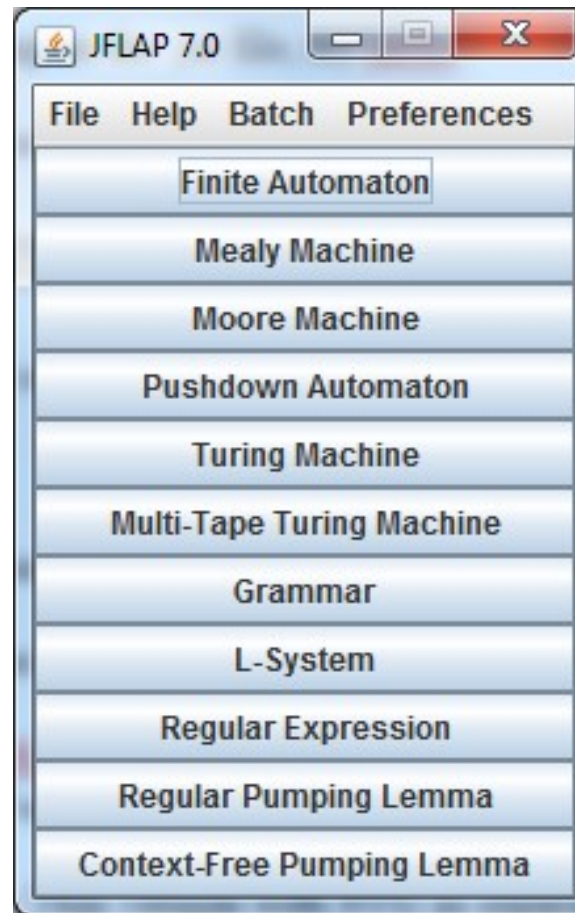
❖ $AF \Leftrightarrow GR$;

❖ $AF \Leftrightarrow ER$

❖ especificar e simular **autômatos finitos com saída (Máquina de Moore ou Mealy)** através de diagramas de transições;

❖ Maior detalhamento no site da disciplina.

Ferramenta exemplo: JFlap



<http://www.jflap.org/>



Visão Geral da Disciplina



Linguagem Formal

- Uma Linguagem Formal possui:
 - **Sintaxe** bem definida: Dada uma sentença, é possível sempre saber se ela pertence ou não a uma linguagem;
 - **Semântica** precisa: De modo que não contenha sentenças sem significado ou ambíguas;

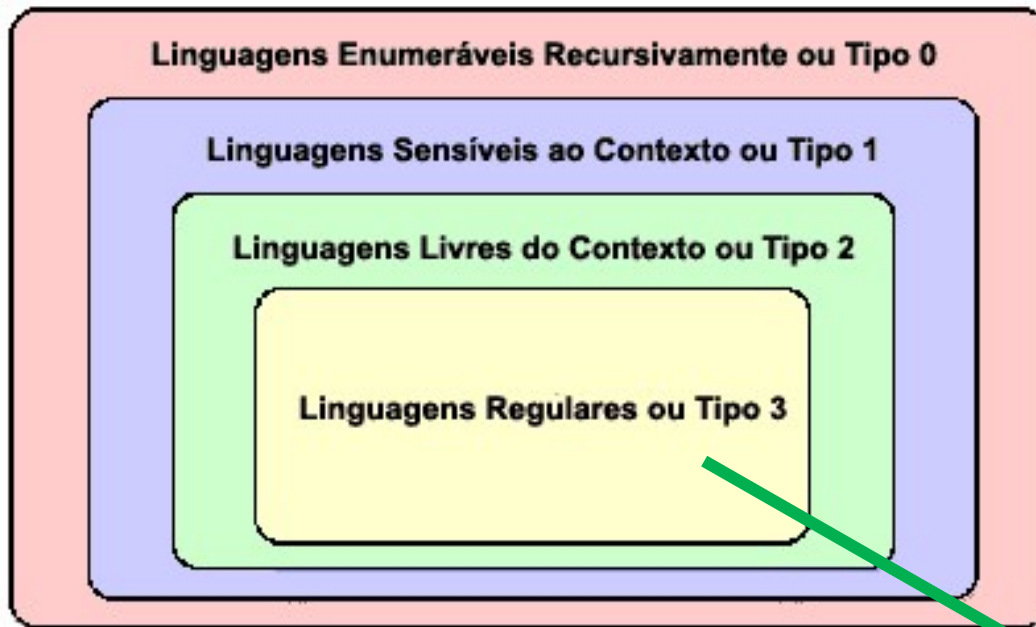


Linguagem Formal: exemplos na Computação

- Java, C, Pascal, HTML, Basic, C#, VB.net,...
- Ao projetar um sistema, o programador precisa estabelecer uma linguagem formal de comunicação com o usuário final - **linguagem de comunicação complexa = sistema mal projetado**

Fundamental em
COMPILADORES

Classificação das Linguagens: qual será abordada considerando a Hierarquia de Chomsky?



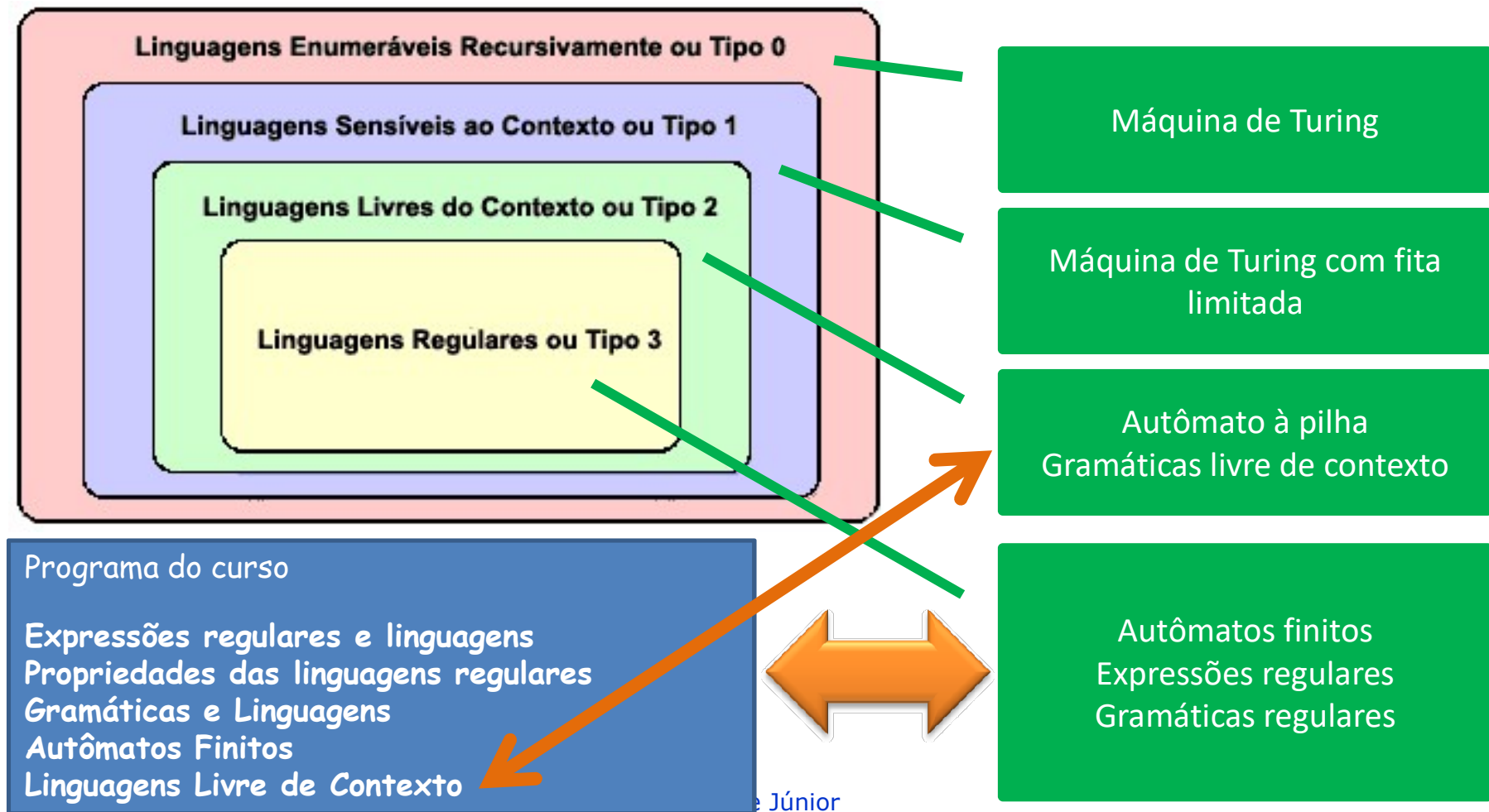
Programa do curso

- Expressões regulares e linguagens
- Propriedades das linguagens regulares
- Gramáticas e Linguagens
- Autômatos Finitos
- Linguagens Livre de Contexto

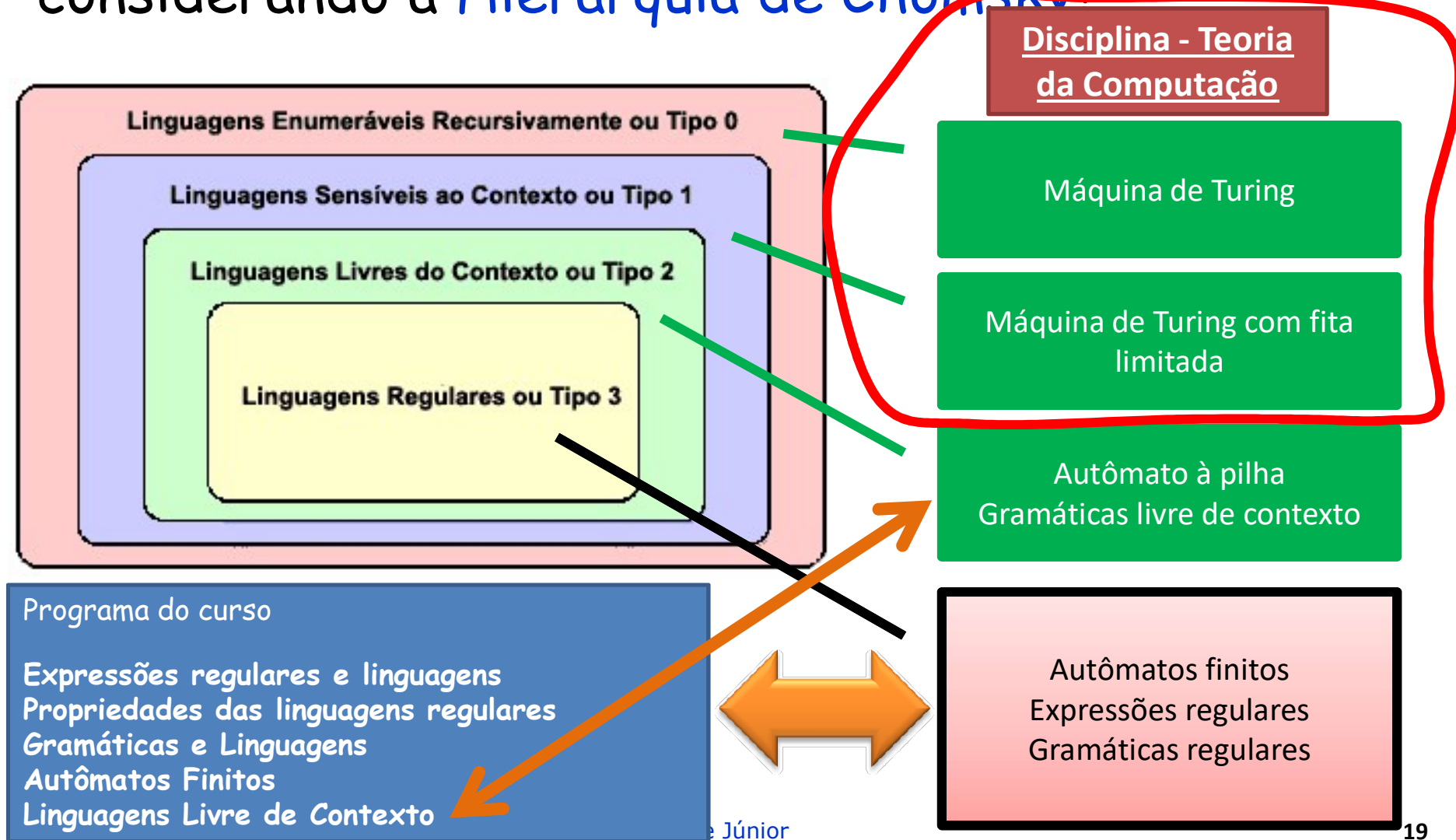


Autômatos finitos
Expressões regulares
Gramáticas regulares

Classificação das Linguagens: qual será abordada considerando a Hierarquia de Chomsky?



Classificação das Linguagens: qual será abordada considerando a Hierarquia de Chomsky?

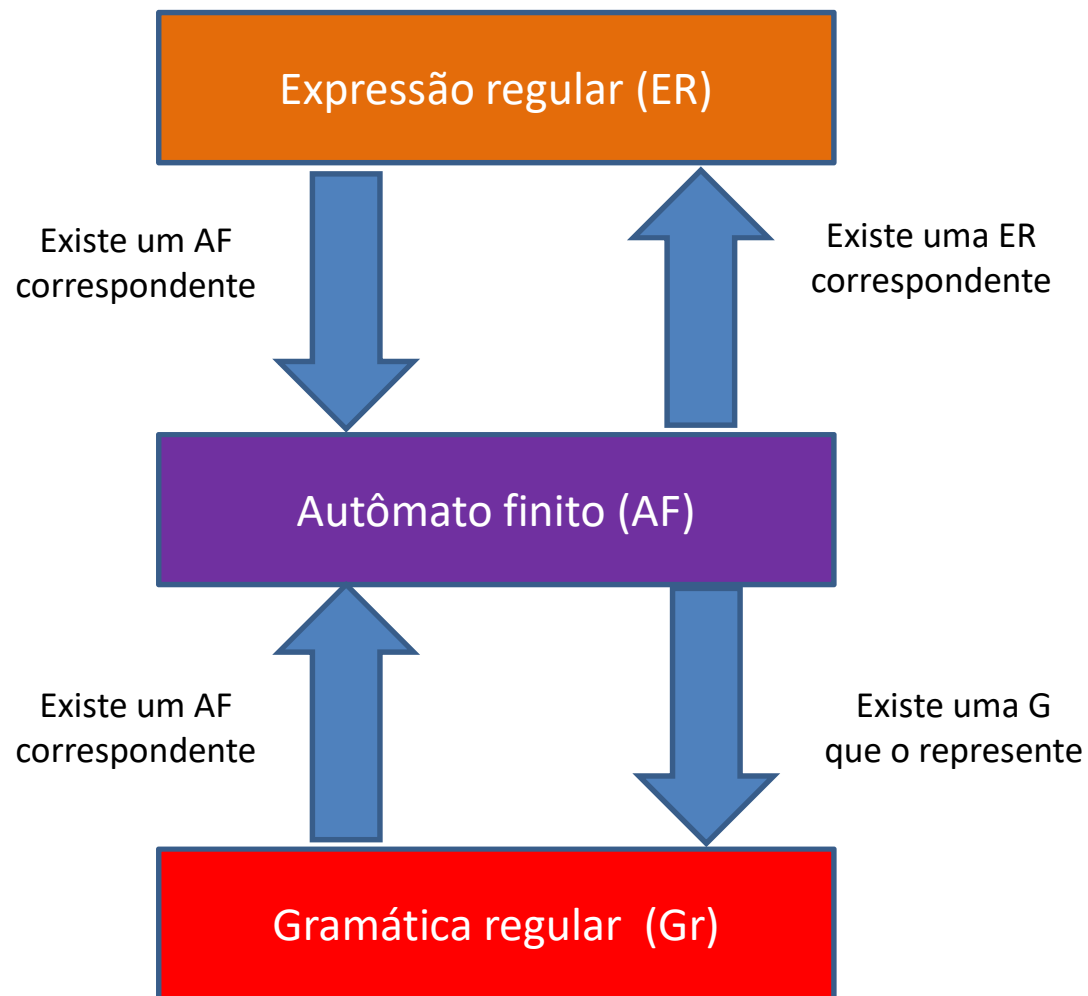




Linguagem

- Um linguagem é um conjunto de strings;
- Uma string é uma sequência de símbolos;
- Estes símbolos estão definidos em um alfabeto finito;
 - Ex: Linguagem C ou Pascal, etc.
- Linguagem regular - Formas de representação: expressão regular (**ER**), autômato finito (**AF**) e gramática regular (**GR**)
 - **ER**: Servem para verificar se uma string está ou não em uma linguagem

Equivalências entre linguagens regulares





Visão geral - **Expressão regular (ER)**

- Uma ER é definida a partir de conjuntos básicos e operações de **concatenação** e **união** e oferece um modo declarativo de expressar as cadeias que queremos aceitar.
- desenvolvidas a partir de :
 1. símbolos do alfabeto Σ
 2. operadores de:
 - **união** : representado por \cup ou + ou | \rightarrow conjunto de cadeias que está em um conjunto **ou** em outro
 - **concatenação**: representado por \cdot ou sem ponto \rightarrow junção dos elementos
 - **fecho-estrela (fechamento)**: representado por $*$ \rightarrow cadeias que podem ser formadas tomando qualquer número de repetição do elemento do conjunto (inclusive nenhuma vez)
 3. parênteses



Visão geral - Expressão regular

• Exemplos

ER	Linguagem reconhecida
aa	??
ba*	??
(a+b)	??
(a+b)*	??
(a+b)*aa(a+b)*	??
a*ba*ba*	??
(a+b)*(aa+bb)	??

Simulador de ER

http://tools.lymas.com.br/regexp_br.php#



Visão geral - Expressão regular (ER)

- Exemplos

Expressão: `^[a+b]*$`

Início da ER

final da ER

Texto 1: `abbbb` ✓

Texto 2: `abc` ✗

Simulador de ER
http://tools.lymas.com.br/regexp_br.php#



Visão geral - Expressão regular

•Exemplos

ER	Linguagem reconhecida
aa	somente a palavra aa
ba*	iniciam com b seguido por 0 ou mais ocorrências de a
(a+b)	formada por a ou por b
(a+b)*	formada por qualquer quantidade de a ou b , inclusive nenhuma vez
(a+b)*aa(a+b)*	??
a*ba*ba*	??
(a+b)*(aa+bb)	??

Simulador de ER

http://tools.lymas.com.br/regexp_br.php#



Visão geral - Expressão regular

•Exemplos

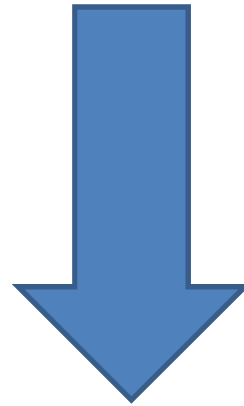
ER	Linguagem reconhecida
aa	somente a palavra aa
ba*	iniciam com b seguido por 0 ou mais a
(a+b)	formada por a ou por b
(a+b)*	formada por qualquer quantidade de a ou b, inclusive nenhuma vez
(a+b)*aa(a+b)*	contém aa como elemento
a*ba*ba*	todas as palavras contendo exatamente 2 b's
(a+b)*(aa+bb)	terminam com aa ou bb

Defina uma ER que reconheça:

- um identificador em Java
- um número inteiro



Visão geral - **Expressão regular:** atuam na especificação de uma linguagem



Autômatos finitos: é um formalismo que pode ser convertido em um programa de computador



Visão Geral - **Autômatos finitos** são formados por:

- ❖ Um conjunto finito de estados
- ❖ Arestas levando de um estado a outro, anotada com um símbolo
- ❖ Um estado inicial
- ❖ Um ou mais estados finais
- ❖ Normalmente os estados são numerados ou nomeados para facilitar a manipulação e discussão



Visão Geral - **Autômatos finitos**: constituem um modelo útil para muitos elementos de hardware e software. Ex:

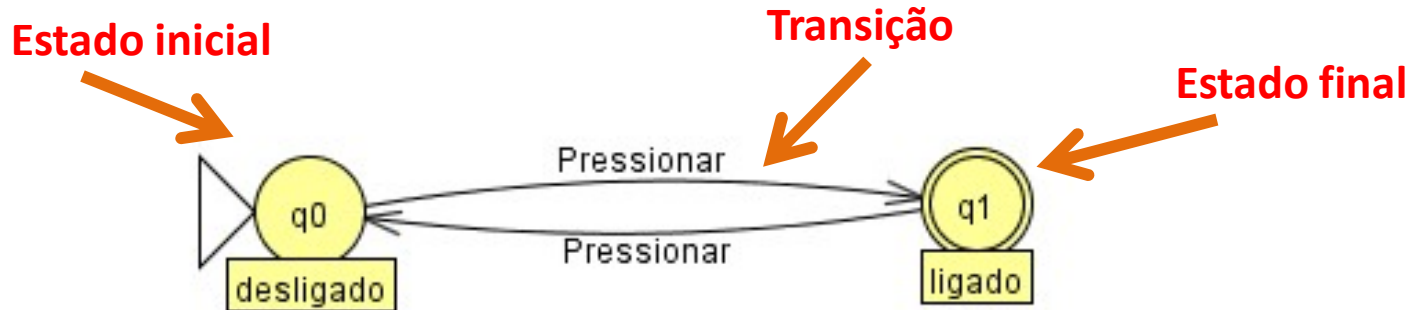
1. Controlar um interruptor: dispositivo para acender ou apagar uma lâmpada
2. software para projetar e verificar o comportamento de circuitos digitais;
3. analisador léxico de um compilador
4. descrever o processo de reconhecimento de padrões em cadeias de entrada, e assim podem ser utilizados para construir sistemas de busca;



Autômatos finitos: o que é e o que ele faz?

- Em cada um exemplos citados, podemos citar o autômato como **estando em um** de um número finito de **"estados"**
 - O estado permite "lembrar" o passado relevante do sistema (ele chegou lá após um certo número de transições/passos, que são o seu passado) e para onde pode seguir.
 - Se o número de estados de um sistema é finito, pode-se representá-lo com uma quantidade **limitada** de recursos.

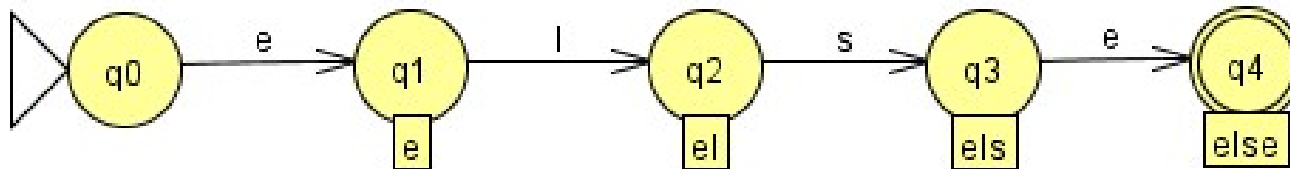
Autômato finito: exemplo clássico do interruptor



- o dispositivo memoriza se está no estado "ligado" ou no estado "desligado", e permite ao usuário pressionar um botão diferente do estado



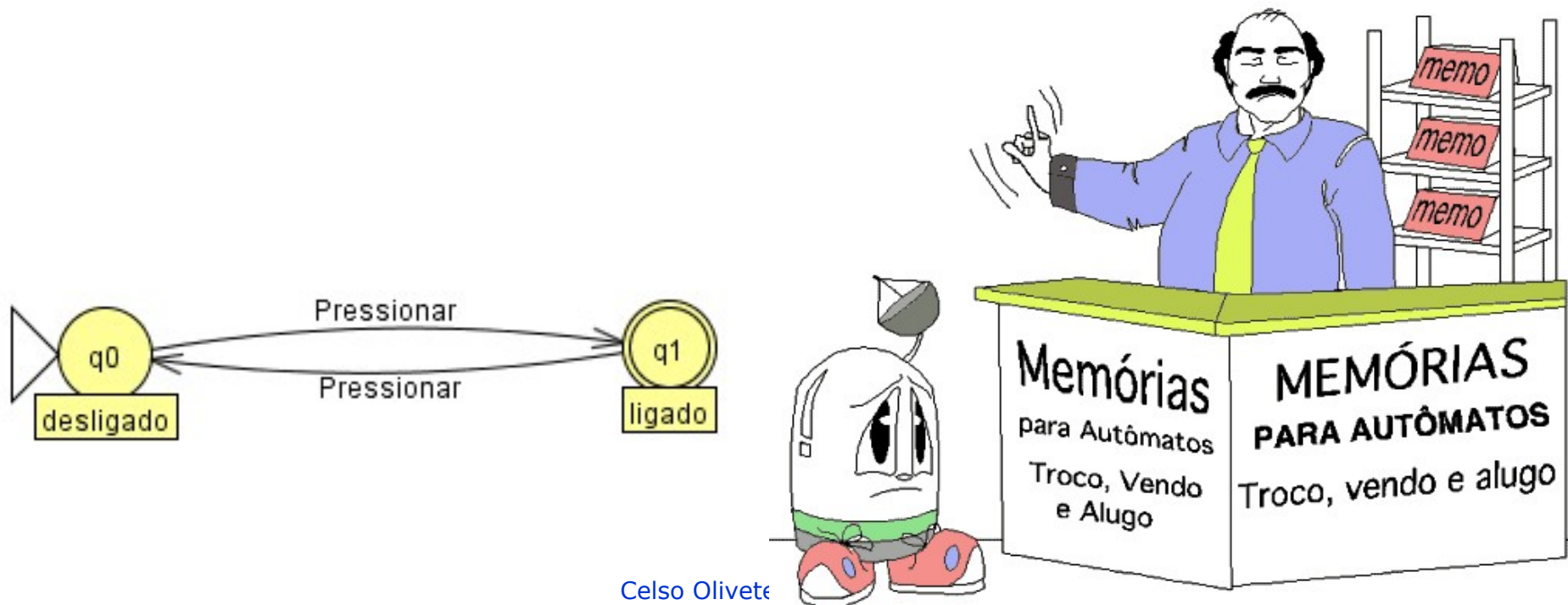
Autômato finito: parte de um analisador léxico - reconhece a palavra reservada *else*



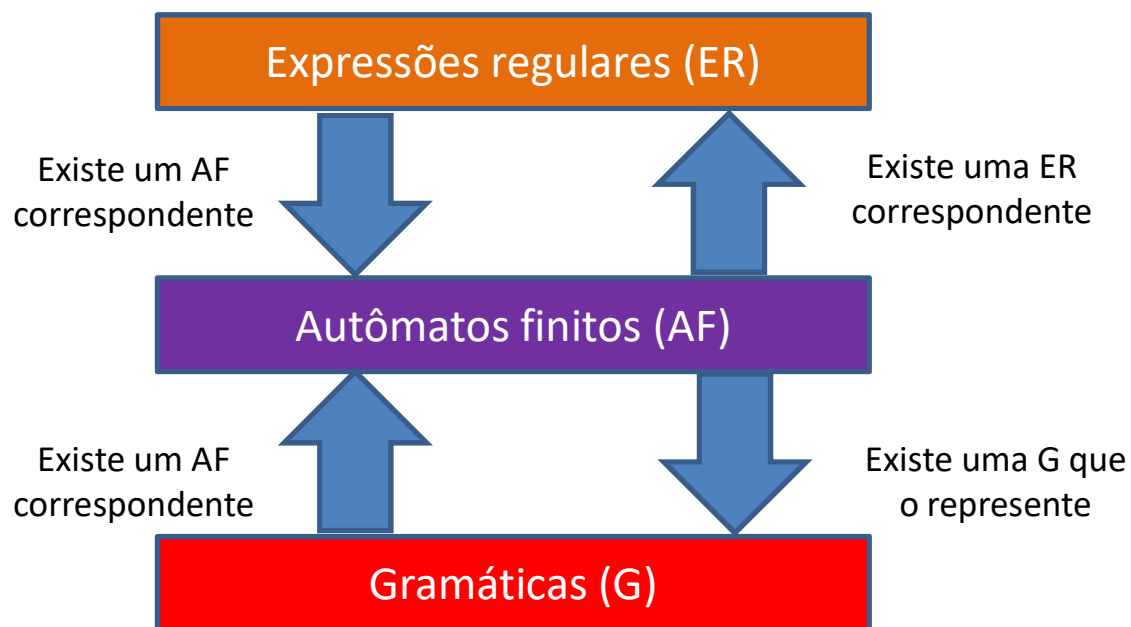
- cada estado memoriza o que já foi reconhecido - da palavra vazia até a palavra completa *else*
- parte do analisador léxico, representado pelo autômato, examina letra a letra do arquivo fonte que está sendo compilado até atingir o estado q4 (reconhece o *else*)

Autômatos finitos: principais características

- Memória Limitada.
- Trabalha apenas sobre o estado atual.
- Memória limitada pela quantidade de estados.



Autômatos finitos (AF) versus Expressões Regulares (ER) - como transformar?



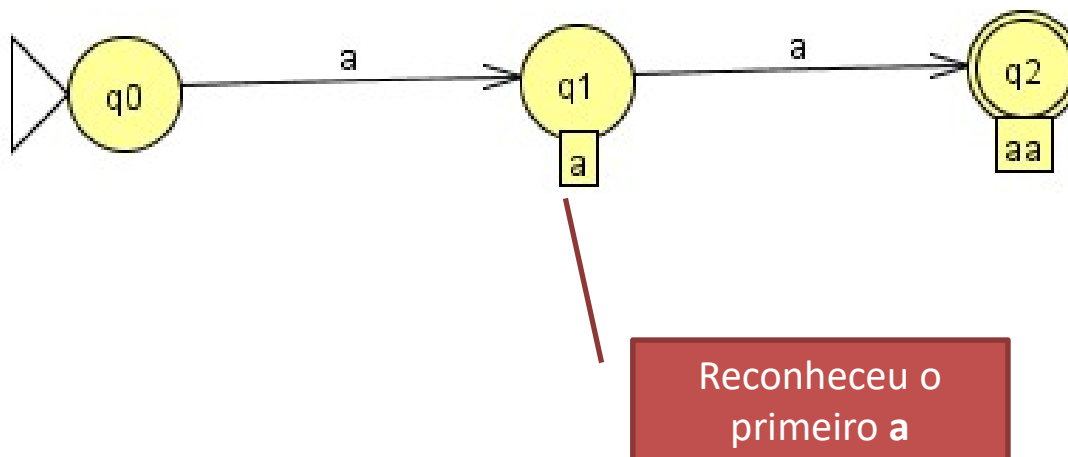


Autômatos finitos (AF) *versus* Expressões Regulares (ER) - como transformar?

ER	Linguagem gerada
aa	somente a palavra aa

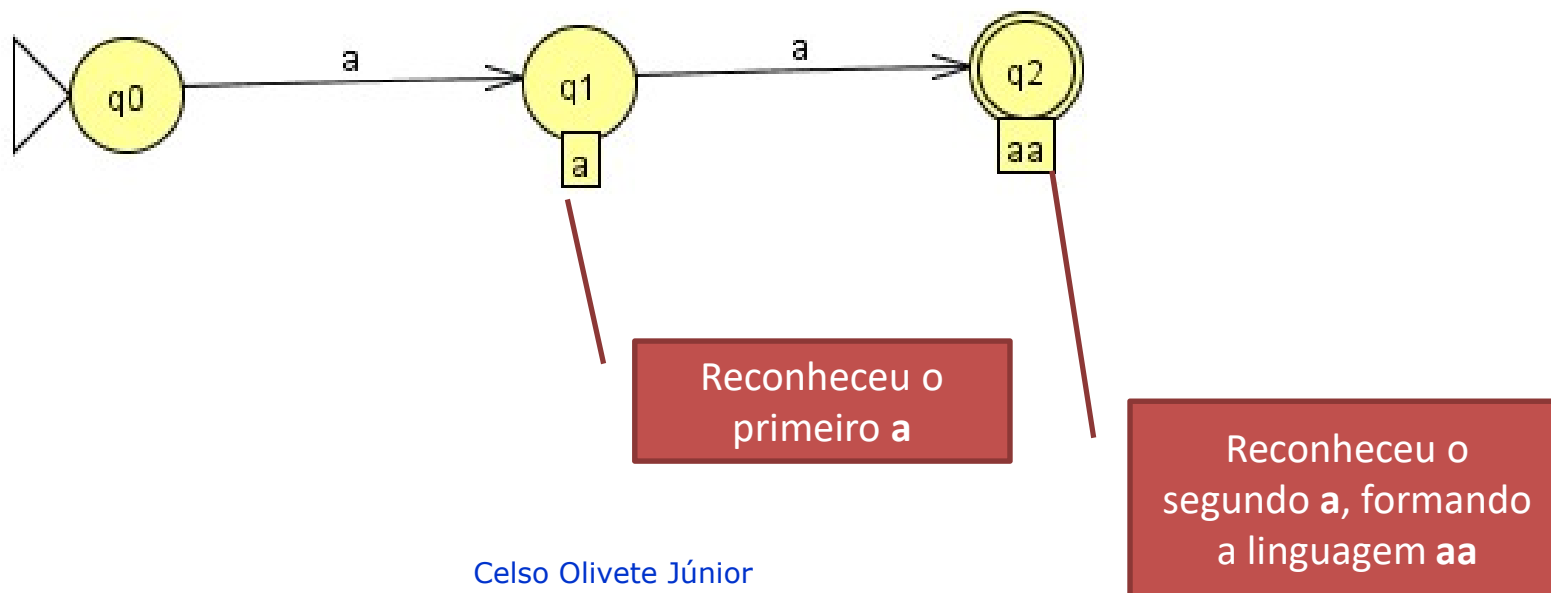
Autômatos finitos (AF) versus Expressões Regulares (ER) - como transformar?

ER	Linguagem gerada
aa	somente a palavra aa



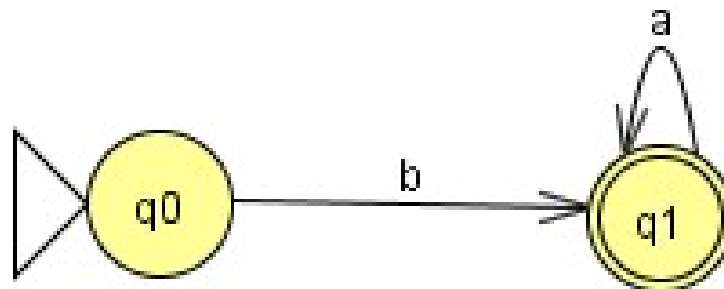
Autômatos finitos (AF) versus Expressões Regulares (ER) - como transformar?

ER	Linguagem gerada
aa	somente a palavra aa



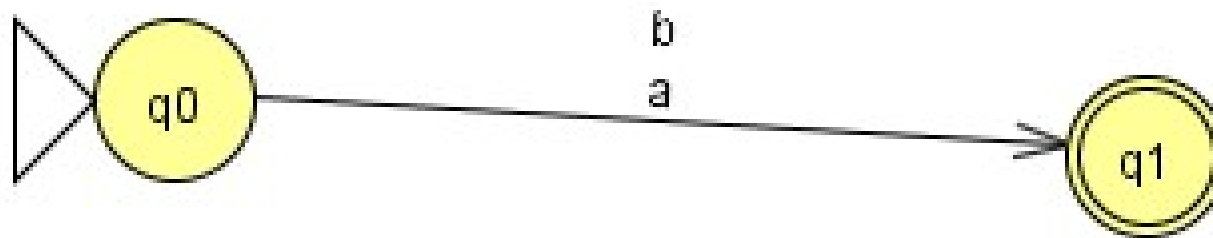
Autômatos finitos (AF) *versus* Expressões Regulares (ER) - como transformar?

ER	Linguagem gerada
ba^*	iniciam com b seguido por 0 ou mais a



Autômatos finitos (AF) *versus* Expressões Regulares (ER) - como transformar?

ER	Linguagem gerada
$(a+b)$	formada por a ou por b





Visão Geral - Gramática

- A gramática é um formalismo projetado para a definição de linguagens
- Uma gramática mostra como gerar as palavras de uma linguagem
- Um elemento fundamental das gramáticas é denominado regra



Visão Geral - Gramática

- Exemplo de regra

$$\begin{array}{ccc} S \rightarrow aB & & S \rightarrow Ba \\ & \text{ou} & \\ B \rightarrow b & & B \rightarrow b \end{array}$$

- qual a linguagem gerada?
- ideia: "substitua" o símbolo que está em maiúsculo no lado direito da regra por seu significado correspondente encontrado no lado esquerdo:
 - B pode ser substituído por **b**
 - logo a linguagem gerada é representada pela **ER = ab ou ba**

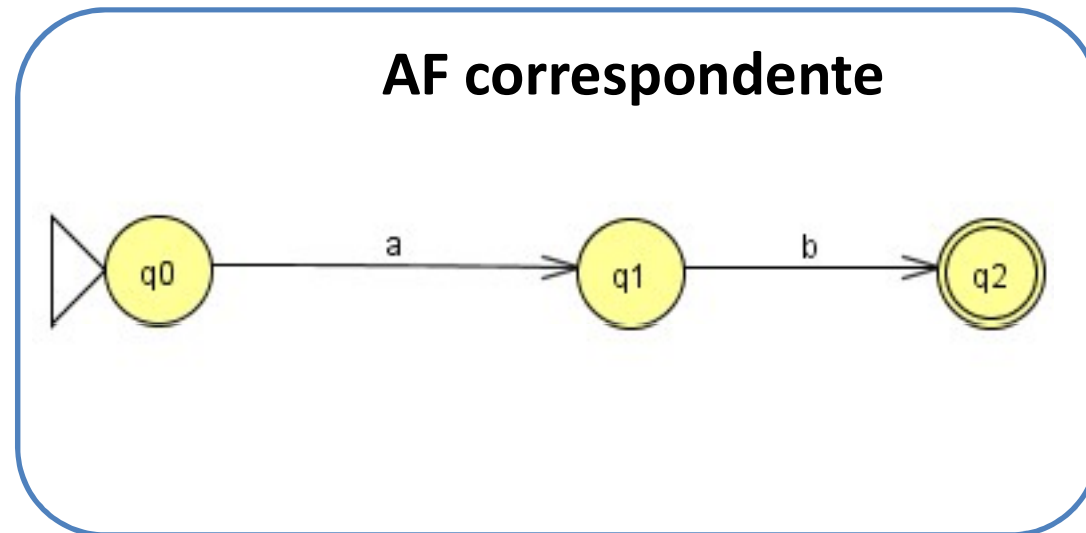
Visão Geral - Gramática

$$S \rightarrow aB$$

$$B \rightarrow b$$

- linguagem gerada
é representada pela

$$ER = ab$$





Gramática:

- Exemplo 2

$$S \rightarrow aS \mid bA \mid \varepsilon$$

$$A \rightarrow c$$

- qual a linguagem gerada?



Gramática:

- Exemplo 2

$$S \rightarrow aS \mid bA \mid \varepsilon$$

$$A \rightarrow c$$

AF correspondente

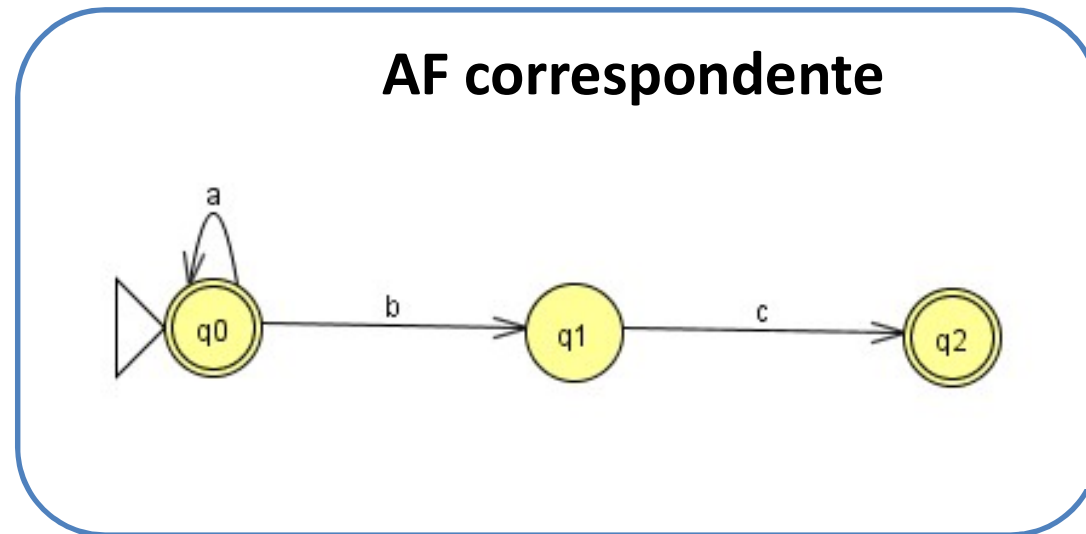
- qual a linguagem gerada?
 - qualquer quantidade de a ou bc
- ER = $a^* + bc$

Gramática:

- Exemplo 2

$$S \rightarrow aS \mid bA \mid \varepsilon$$

$$A \rightarrow c$$



- qual a linguagem gerada?
 - qualquer quantidade de a ou bc
- ER = $a^* + bc$



Gramática: aplicação em compiladores:
reconhecimento de números inteiros com
sinal

$\text{Int} \rightarrow +\text{Dig} \mid -\text{Dig}$

$\text{Dig} \rightarrow 0\text{Dig} \mid 1\text{Dig} \mid \dots \mid 9\text{Dig} \mid 0 \mid 1 \mid \dots \mid 9$



Gramática: regras que definem o comando WHILE (Pascal)

```
comando    → comandoWhile
comandoWhile → WHILE expr_bool DO comando;
expr_bool  → expr_arit < expr_arit
           | expr_arit > expr_arit
           | ...
expr_arit  → expr_arit * termo
           | termo
           | ...
termo     → expr_arit
           | NÚMERO
           | IDENTIFICADOR
```



Próxima aula:

- Linguagens regulares:
 - Alfabeto
 - String
 - Concatenação
 - Comprimento de uma cadeia
 - Operações: união, concatenação, reverso, fechamento....
 - Expressões regulares
- Projeto:
 - Definição dos grupos

